

式の計算の利用①(証明)

名前

/4 点

- 1 奇数の2乗が奇数になることを証明します。()の中にあてはまる数や式を答えなさい。

<証明>

n を整数とすると、奇数は () n + () と表すことができる。

$$\begin{aligned} \{ () n + () \}^2 &= () n^2 + () n + 1 \\ &= 2 \{ () n^2 + () n \} + 1 \end{aligned}$$

n は整数なので、 $2 \{ () n^2 + () n \} + 1$ は奇数となる。
したがって奇数の2乗は奇数となる。

- 2 連続する2つの整数の2乗の差は、その2数の和に等しいことを証明します。

- ① 2つの整数の小さい方を n としたとき、大きい方の整数を式で表しなさい。

- ② 2乗の差と2数の和を式で表し、等しいことを証明しなさい。

- 3 連続する3つの整数では、中央の数の2乗から1をひくと、両端の数の積に等しくなることを証明しなさい。

解答

1

n を整数とすると、奇数は $(2)n + (1)$ と表すことができる。

$$\begin{aligned} \{(2)n + (1)\}^2 &= (4)n^2 + (4)n + 1 \\ &= 2\{(2)n^2 + (2)n\} + 1 \end{aligned}$$

n は整数なので、 $2\{(2)n^2 + (2)n\} + 1$ は奇数となる。
したがって奇数の2乗は奇数となる。

2

① $n + 1$

② 2乗の差 $(n + 1)^2 - n^2$

$$\begin{aligned} &= n^2 + 2n + 1 - n^2 \\ &= 2n + 1 \end{aligned}$$

2数の和 $n + (n + 1)$

$$= 2n + 1$$

2乗の差 = 2数の和 となり

連続する2つの整数の2乗の差は、その2数の和に等しい

3 連続する3つの整数を $n - 1, n, n + 1$ とおく。

中央の数の2乗から1をひく= $n^2 - 1 \dots$ ①

両端の数の積 $(n - 1)(n + 1)$

$$= n^2 - 1 \dots$$
②

①=②となるので、よって

連続する3つの整数では、中央の数の2乗から1をひくと、両端の数の積に等しくなる。